

GUIA ECUACIONES DIFERENCIALES ORDINARIAS

Nota: funciones a utilizar de Octave; **ode23 ode45**

1. Resolver las siguientes ecuaciones diferenciales por el método de Euler en el intervalo pedido, utilice un programa del método en Octave

- a) $y' + x y = 1$ $y(0) = 0$ con $h=0.1$ $I = [0 \ 15]$
 b) $y' - 10 y = 1$, $y(0) = 1$ con $h=0.1$ $0 < x < 1$
 c) $y' + 5y^2 = e^{-x} + 2\text{sen}(4*x)$ $y(0) = 2$ con $h=\pi/10$ $I = [0 \ \pi]$

2. Resolver las siguientes ecuaciones diferenciales en el intervalo pedido haga uso de las funciones que a tal efecto se disponen en Octave. Compare con los resultados anteriores

- a) $y' + x y = 1$ $y(0) = 0$ $I = [0 \ 15]$
 b) $y' - 10 y = 1$, $y(0) = 1$ $0 < x < 1$
 c) $y' + 5 y^2 = e^{-x} + 2\text{sen}(4*x)$ $y(0) = 2$ $I = [0 \ \pi]$

3. Resuelva los sistemas dados y compare con la solución exacta

a)
$$\begin{cases} 2y + z' = \sin(t) \\ y' - z = -1 \end{cases} \quad \text{con las condiciones iniciales} \quad \begin{cases} y(0) = 0 \\ z(0) = 2 \end{cases} \quad I = [0 \ 2\pi]$$

Solución exacta:
$$\begin{cases} y = \text{sen}(t) \\ z = 1 + \cos(t) \end{cases}$$

b)
$$\begin{cases} x' + ty = e^{-t} \\ x + y' = e^{-t}(t-1) \end{cases} \quad \text{con las condiciones iniciales} \quad \begin{cases} x(0) = 0 \\ y(0) = 1 \end{cases} \quad I = [0 \ 2]$$

Solución exacta:
$$\begin{cases} x = t e^{-t} \\ y = e^{-t} \end{cases}$$

4. Resolver en $I = [0 \ 10]$

- a) $y'' + 2y' + 10y = \sin(3t)$ $y(0) = 0$ $y'(0) = 1$
 b) $y'' + 25y = \cos(wt)$ $y(0) = 0$ $y'(0) = 0$ para $w = [3 \ 4 \ 5 \ 6]$
 c) $y''' - y = 0$ $y(0) = 1$ $y'(0) = 2$ $y''(0) = 3$

5. Resuelva $I = \int_1^2 x e^{-x} dx$ usando **ode45**

NOTA: Aclaración, resolver el ejercicio equivale a encontrar $Y(x)$ siendo “Y” la solución de la ecuación $Y' = x e^{-x}$, considerando $Y(1) = 0$. Compruebe el resultado usando **quadl**