

## GUIA ECUACIONES DIFERENCIALES ORDINARIAS

**Nota:** funciones a utilizar de Octave; **ode23 ode45**

1. Resolver las siguientes ecuaciones diferenciales por el método de Euler en el intervalo pedido, utilice un programa del método en Octave

- a)  $y' + x y = 1$   $y(0) = 0$  **con  $h=0.1$**   **$I = [0 \ 15]$**
- b)  $y' - 10 y = 1$ ,  $y(0) = 1$  **con  $h=0.1$**   **$0 < x < 1$**
- c)  $y' + 5y^2 = e^{-x} + 2\text{sen}(4*x)$   $y(0) = 2$  **con  $h=\pi/10$**   **$I = [0 \ \pi]$**

2. Resolver las siguientes ecuaciones diferenciales en el intervalo pedido haga uso de las funciones que a tal efecto se disponen en Octave. Compare con los resultados anteriores

- a)  $y' + x y = 1$   $y(0) = 0$   **$I = [0 \ 15]$**
- b)  $y' - 10 y = 1$ ,  $y(0) = 1$   **$0 < x < 1$**
- c)  $y' + 5 y^2 = e^{-x} + 2\text{sen}(4*x)$   $y(0) = 2$   **$I = [0 \ \pi]$**

3. Resuelva los sistemas dados y compare con la solución exacta

a) 
$$\begin{cases} 2y + z' = \sin(t) \\ y' - z = -1 \end{cases} \quad \text{con las condiciones iniciales} \quad \begin{cases} y(0) = 0 \\ z(0) = 2 \end{cases} \quad \mathbf{I = [0 \ 2\pi]}$$

Solución exacta: 
$$\begin{cases} y = \text{sen}(t) \\ z = 1 + \text{cos}(t) \end{cases}$$

b) 
$$\begin{cases} x' + ty = e^{-t} \\ x + y' = e^{-t}(t-1) \end{cases} \quad \text{con las condiciones iniciales} \quad \begin{cases} x(0) = 0 \\ y(0) = 1 \end{cases} \quad \mathbf{I = [0 \ 2]}$$

Solución exacta: 
$$\begin{cases} x = t e^{-t} \\ y = e^{-t} \end{cases}$$

4. Resolver en  $\mathbf{I = [0 \ 10]}$

- a)  $y'' + 2y' + 10y = \sin(3t)$   $y(0) = 0$   $y'(0) = 1$
- b)  $y'' + 25y = \cos(wt)$   $y(0) = 0$   $y'(0) = 0$  para  $w = [3 \ 4 \ 5 \ 6]$
- c)  $y''' - y = 0$   $y(0) = 1$   $y'(0) = 2$   $y''(0) = 3$

5. Resuelva  $\mathbf{I = \int_1^2 x e^{-x} dx}$  usando **ode45**

**NOTA:** Aclaración, resolver el ejercicio equivale a encontrar  $Y(x)$  siendo “Y” la solución de la ecuación  $Y' = x e^{-x}$ , considerando  $Y(1) = 0$ . Compruebe el resultado usando **quadl**